

## Tarea 1

Fecha de entrega: Miércoles 14 de Abril (en ayudantía)

---

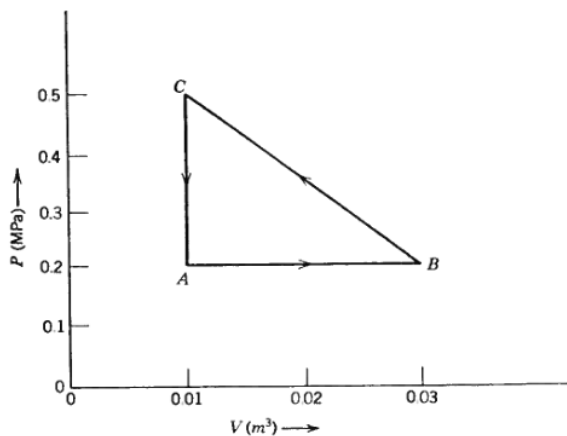
**Problema 1.** Considere  $n$  moles de un gas ideal monoatómico encerrado en un cilindro vertical en un campo gravitatorio con constante de aceleración  $g$ . La parte superior está cerrada por un pistón de masa  $M$  y sección transversal  $A$ . Inicialmente el pistón se mantiene fijo y el gas ocupa un volumen  $V_0$  a temperatura  $T_0$ . A continuación se suelta el pistón, el cual cae hasta alcanzar su nueva posición de equilibrio. Despreciando el roce y las capacidades calóricas del pistón y del cilindro, determine el volumen y la temperatura del gas cuando se alcanza el equilibrio. Suponga que existe una presión exterior  $P_a$  y que el sistema está térmicamente aislado.

**Problema 2.** Para un sistema gaseoso se ha determinado que su energía interna está dada por

$$U = U_0 + 2.5PV,$$

con  $U_0$  constante.

- El sistema se encuentra inicialmente en el estado con  $P = 0.2$  MPa (mega-Pascales),  $V = 0.01$  m<sup>3</sup>, designado por el punto  $A$  en la figura. El sistema se lleva a través del ciclo de tres procesos ( $A \rightarrow B$ ,  $B \rightarrow C$ , y  $C \rightarrow A$ ) mostrados en la figura. Calcule el calor absorbido y el trabajo hecho *sobre* el sistema en cada uno de los tres procesos y en el ciclo completo.
- Calcule estas cantidades para un proceso entre  $A$  y  $B$  a lo largo de la parábola  $P = 10^5 + 10^9 \times (V - 0.02)^2$  en el plano  $PV$  de la figura.
- Encuentre la ecuación de las adiabatas en el plano  $PV$  (es decir, encuentre la forma de las curvas que relacionan  $P$  y  $V$  tales que  $dQ = 0$  a lo largo de las curvas).



**Problema 3.** La energía de un sistema de un mol está dada por la ecuación

$$U = AP^2V,$$

donde  $A$  es una constante positiva con dimensiones de  $[P]^{-1}$ . Encuentre la ecuación de las adiabatas en el plano  $PV$ .

**Problema 4.** La ecuación de estado de un determinado gas es  $(P + b)V = nRT$ , y su energía interna está dada por  $U = U_0 + aT + bV$ . (a) Encuentre  $C_V$  (capacidad calorífica a volumen constante). (b) Muestre que  $C_P - C_V = nR$ . (c) Determine la ecuación de las adiabatas en el plano  $VT$ .

**Problema 5.** Un gas ideal con  $c_v = 5R/2$  (con  $c_v$  la capacidad específica molar a volumen constante,  $C_v/n$ ) es llevado desde el punto  $a$  hasta el punto  $b$  de la figura a través de los tres procesos  $acb$ ,  $adb$ , y  $ab$ . Sean  $P_2 = 2P_1$ , y  $v_2 = 2v_1$  (con  $v$  el volumen específico molar,  $V/n$ ).

- Calcule el calor absorbido por el sistema, por mol, en cada uno de los tres procesos. Exprese el resultado en términos de  $R$  y  $T_1$ .
- Calcule el calor específico molar del gas, en términos de  $R$ , para el proceso  $ab$ .
- Calcule el trabajo total hecho *por* el sistema en el ciclo  $abca$  (en ese orden).

